HKI: LKS Berbasis Brain Based Learning Matematika

by Vera Dewi Susanti

Submission date: 26-Sep-2020 09:40PM (UTC+0700)

Submission ID: 1397636171 **File name:** HKI_LKS.pdf (2.42M)

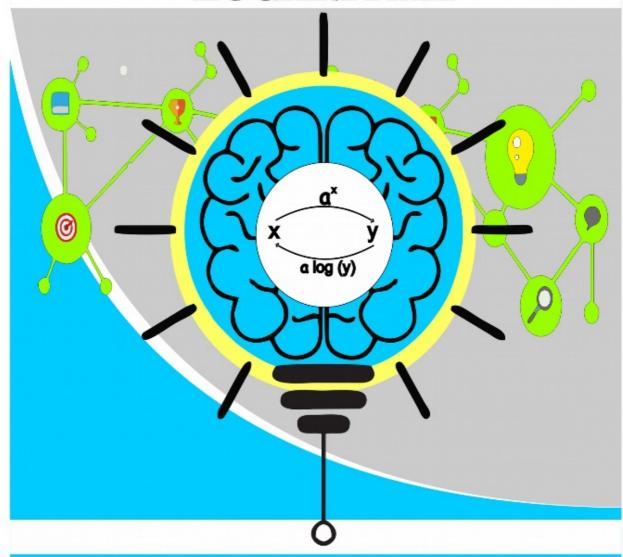
Word count: 2559

Character count: 13557

LKS BERBASIS BRAIN BASED LEARNING

MATEMATIKA

LOGARITMA



NAMA :..... KELAS :.... SEKOLAH :.... KELAS X SMA

Kata Pengantar

Puji syukur kami panjatkan kepada tuhan yang maha esa karena rahmat-nya kami dapat menyelesaikan lembar kerja siswa (lks) berbasis *Brain Based Learning*.

Lembar Kerja Siswa (LKS) berbasis *Brain Based Learning* ini bertujuan untuk dapat membantu guru dan siswa dalam proses belajar mengajar khususnya pada mata pelajaran matematika pokok bahasan Logaritma. Lembar Kerja Siswa (LKS) berbasis *Brain Based Learning* ini diharapkan dapat meningkatkan pemahaman belajar siswa terhadap mata pelajaran matematika.

Dalam pembuatan Lembar Kerja Siswa (LKS) berbasis *Brain Based Learning* ini mungkin masih banyak kekurangan yang harus diperbaiki. Mohon maaf jika masih ada kesalahan kata, kalimat ataupun dalam hal pengetikan dan saran bila ada kekurangan. Terimakasih.

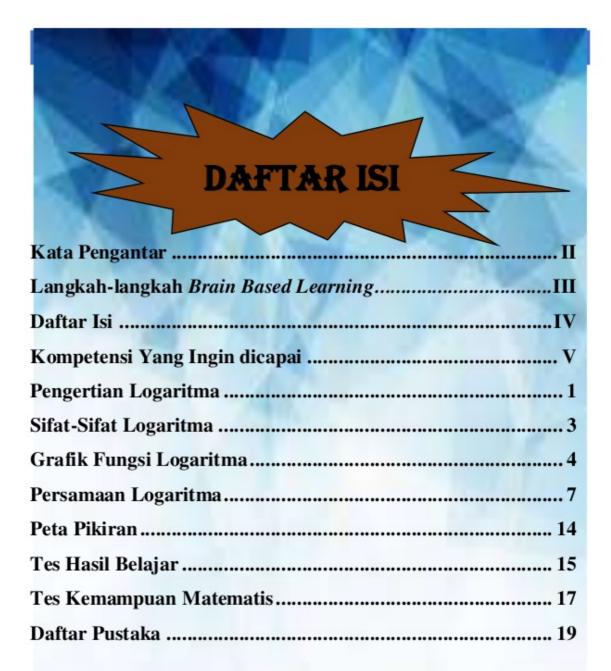
Hormat Saya,

Penulis

LANGKAH-LANGKAH BRAIN BASED LEARNING

Langkah-langkah *Brain Based Learning* dalam proses pembelajaran dapat diterapkan sebagai berikut:

- 1. <u>Pra Paparan</u> Mengingatkan kembali materi Eksponen
- 2. <u>Persiapan</u>
 Menciptakan lingkungan pembelajaran yang menyenangkan.
- 3. <u>Inisiasi dan akuisisi</u> Membentuk kelompok.
- 4. <u>Elaborasi</u> Mencatat dengan peta pikiran.
- 5. <u>Inkubasi dan pengkodean memori</u> Waktu untuk refleksi dan berdiskusi.
- 6. <u>Verifikasi dan pengecekan kepercayaan</u> Memberikan soal untuk mengecek pemahaman.
- 7. <u>Selebrasi dan intergrasi</u>
 Mengaplikasikan informasi kedalam kehidupan sehari-hari.





Kompedensi Dasar:

- Mendeskripsikan dan menentukan penyelesaian fungsi eksponelsial dan fungsi logaritma menggunakan masalah kontekstual, serta keberkaitannya
- Menyajikan dan menyelesaikan masalah yang berkaitan dengan fungsi eksponensial dan logaritma



Indikator Pembelajaran:

- Menjelaskan pengertian logaritma
- Menyelesaikan masalah berkaitan dengan sifat-sifat logaritma
- Mebuat grafik fungsi logaritma
- Menyelesaikan masalah berkaitan dengan persamaan logaritma



Tujuan Pembelajaran:

Setelah mempelajari materi ini, siswa diharapkan dapat:

- Menjelaskan pengertian logaritma
- Menyelesaikan masalah berkaitan dengan sifat-sifat logaritma
- Mebuat grafik fungsi logaritma
- Menyelesaikan masalah berkaitan dengan persamaan logaritma.

A. PENGERTIAN LOGARITMA

Sebelum kita mempelajari logaritma mari kita ulang dulu materi sebelumnya yaitu eksponen. Pengertian logaritma sebagai invers (kebalikan) dari perpangkatan (eksponen), dapat dijelaskan melalui pembahasan berikut

ini :

Contoh:

a.
$$2^4 = 2 \times 2 \times 2 \times 2 = 16$$

b.
$$10^3 = 10 \times 10 \times 10 = 1.000$$

Dari contoh di atas tampak bahwa apabila bilangan pokok dan pangkatnya diketahui maka dapat ditentukan hasil perpangkatannya. Nah! Permasalahannya adalah bagaimana cara menentukan pangkat, apabila bilangan pokok dan hasil perpangkatannya diketahui:

Misal:

- Berapa n, jika 2ⁿ = 16
- Berapa x, jika 10^x = 1.000

Jawaban permasalahan tersebut dapat diselesaikan dengan cara yang disebut logaritma. Nilai n atau x tersebut ditentukan sebagai berikut :

a.
$$2^n = 16 \text{ maka } n = 2\log 16 = 2\log 2^4 = 4$$

b.
$$10^x = 1.000 \text{ maka } x = {}^{10} \log 1.000 = {}^{10} \log 10^3 = 3$$

Sekarang terlihat bahwa antara logaritma dan perpangkatan terdapat hubungan, yaitu bahwa logaritma merupakan invers (kebalikan) dari perpangkatan, sehingga dapat didefinisikan sebagai berikut:

Definisi:

Logaritma suatu bilangan x dengan bilangan pokok a (ditulis alog x) adalah eksponen bilangan berpangkat yang menghasilkan x jika a dipangkatkan dengan eksponen itu.

Dirumuskan:

$$a \log x = y$$
 artinya $x = a^y$, $untuk$ $a > 0$; $a \ne 1$ $dan x > 0$
 $x = a^y$ artinya $a \log x = y$ untuk $a > 0$; $a \ne 1$ $dan x > 0$

keterangan:

a disebut bilangan pokok

x disebut bilangan logaritma atau numerus dengan x > 0y disebut hasil logaritma atau eksponen dari basis.

Apa yang terjadi pada nilai x, jika a < 0?

Petunjuk hitung dengan menggunakan kalkulator



Untuk lebih memahami konsep ini ikutilah contoh – contoh berikut ini dengan teliti agar kamu tidak menemui hambatan di kemudian hari .

Contoh:

1. Nyatakan dalam bentuk logaritma:

b.
$$\sqrt[3]{2} = 2^{\frac{1}{3}}$$
 Jawab:

a.
$$3^4 = 81 \Leftrightarrow {}^3 \log 81 = 4$$

b.
$$\sqrt[3]{2} = 2^{\frac{1}{3}} \Leftrightarrow 2 \log \sqrt[3]{2} = \frac{1}{8}$$

c.
$$0,001 = 10^{-3} \iff {}^{10}\log 0,001 = -3$$



2. Nyatakan dalam bentuk pangkat

b.
$$^{3}\log \frac{1}{27} = -3$$

Jawab:

a.
$$^{5}\log 25 = 2 \Leftrightarrow 25 = 5^{2}$$

b.
$${}^{3}\log\frac{1}{27}=-3 \Leftrightarrow \frac{1}{27}=3^{-3}$$

c.
$$a \log b = c \Leftrightarrow b = a^c$$

3. Tentukan nilai logaritma berikut!

b.
$$^{3}\log 3 \sqrt{3}$$

c.
$$^{2}\log\frac{1}{2}\sqrt{2}$$

Jawab :

a.
$${}^{2}\log 32 = {}^{2}\log 2^{5} = 5$$

b.
$${}^{3}\log 3\sqrt{3} = {}^{3}\log 3^{\frac{1}{2}} = 1^{\frac{1}{2}}$$

c.
$$^{2}\log \frac{1}{2}\sqrt{2} = ^{2}\log 2^{-\frac{1}{2}} = -\frac{1}{2}$$



B. SIFAT-SIFAT LOGARITMA

Misalkan a dan n bilangan real, a > 0 dan a ≠ 1, maka :

No	Sifat logaritma	Contoh
1.	$a \log a = 1$	$^{3}\log 3 = 1$
2.	$a \log 1 = 0$	$^{5}\log 1 = 0$
3.	$a \log a^n = n$	$\frac{2}{1}\log 2^3 = 3$
4.	$^{a}\log x + ^{a}\log y = ^{a}\log x.y$	$^{2}\log 4 + ^{2}\log 8 = ^{2}\log 4 . 8$
		= ² log 32
		= 2log 25
		= 5
5.	$a \log x - a \log x = a \log \frac{x}{y}$	16
		$\frac{1}{{}^{2}\log 16 - {}^{2}\log 8} = {}^{2}\log \frac{16}{8}$
		= ² log 2

		=1
6.	$a \log x^n = n \cdot a \log x$	$^{2}\log 8 = ^{2}\log 2^{3}$
		$= 3. {}^{2}\log 2$
		= 3. 1
		= 3
7.	${}^{a}\log\circ\mathbb{Z}=\frac{{}^{c}\log x}{{}^{c}\log a}$	${}^{a}\log 8 = \frac{{}^{2}\log 8}{{}^{2}\log 4}$
		$=\frac{^2\log 2^3}{^2\log 2^2}$
		$=\frac{3}{2}$
8.	$a^p \log x^b = \frac{b}{n} a \log x$	Hitunglah nilai dari ⁸ log 16 !
	p p	Jawab :
		⁸ log 16
9.	$a. a^{a\log x} = x$	2. ² log4 = 4
10.	$(a^p)^{a^b \log x} = x^{\frac{b}{p}}$	$(3^2)^{3^4 \log 5} = 5^{\frac{4}{2}}$
		= 5 ²
		= 10
11.	$a \log b \cdot b \log c = a \log c$	$^{2}\log 3$. $^{3}\log 4 = ^{2}\log 4$
		$= {}^{2}\log 2^{2}$
		= 2.1
		= 2

C. GRAFIK FUNGSI LOGARITMA

1. Operasi Logaritma

Sebelum kita mempelajari cara membuat grafik fungsi logaritma, mari kita bahas apa itu operasi logaritma?

Secara umum operasi logaritma ditulis sebagai berikut:

$${}^a_{\operatorname{og}} x = y,$$

Jika dan hanya jika $y = a^x$,dimana $g > 0$, $g \ne 1$, dan $a > 0$.

Pengertian diatas kita gunakan lebih lanjut untuk mempelajari fungsi logaritma

Funggi Logaritma

Fungsi logaritma adalah fungsi yang memetakan x dengan bilangan real dengan aturan f (x) = ${}^{a}\log x$, dengan syarat a > 0, $a \ne 1$, dan $x \ne 0$. Aturan fungsi ini juga dapat ditulis sebagai berikut:

 $f: x \to {}^{a}\log x \ atau \ f(x) = {}^{a}\log x, \ dengan \ a > 0, \ a \neq 0, \ dan \ x > 0$



Pada fungsi logaritma $f: \to {}^{a}\log x$ dipersyaratkan nilai x positif (x > 0). Mengapa demikian? Selidiki dan jelaskan alasan anda!



Contoh:

a. Jika fungsi logaritma dengan rumus f(x)= 2log x, sekarang carilah nilai f(x) untuk nilanilai x berikut ini!

x	 $\frac{1}{8}$	$\frac{1}{4}$	$\frac{1}{2}$	1	2	4	8	
f(x)	 -3							
x, f(x)	 $(\frac{1}{8'} - 3)$							

Contoh mencari nilai f(x):

$$f(x) = 2 \log x$$

jika (x =
$$\frac{1}{8}$$
), maka ($\frac{1}{8}$)= ${}^{2}\log \frac{1}{8}$ = ${}^{2}\log 8$ = ${}^{2}\log 8$ = ${}^{2}\log 2^{3}$ = -3

Untuk nilai $x = \frac{1}{4}$ sampai dengan x = 8 silahkan anda lanjutkan !

b. Jika fungsi logaritma dengan rumus $f(x) = \frac{1}{2} \log x$, sekarang carilah nilai f(x) untuk nilia-nilai x berikut ini!

x	 $\frac{1}{8}$	$\frac{1}{4}$	$\frac{1}{2}$	1	2	4	8	
f(x)	 -3							
x, f(x)	 $(\frac{1}{8}, 3)$			-80				· V

Contoh mencari nilai f(x):

$$f(x) = \frac{1}{2} \log x$$

jika (x =
$$\frac{1}{8}$$
), maka ($\frac{1}{8}$) = $\frac{1}{2}$ log $\frac{1}{8}$ = 2^{-1} log 8^{-1} = 2 log 8 = 2 log 2^3 = 3

Untuk nilai $x = \frac{1}{4}$ sampai dengan x = 8 silahkan anda lanjutkan



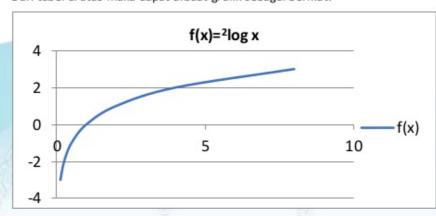
3. Melukis grafik fungsi logaritma

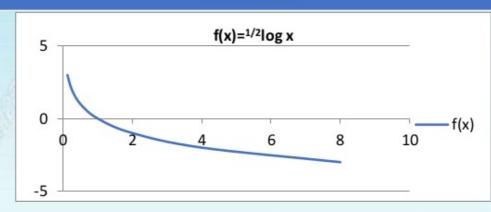
Sekarang mari kita belajar cara menggambar grafik fungsi logaritma dari fungsi diatas!

Lukislah grafik fungsi dari
$$f(x) = {}^{2}\log x \operatorname{dan} f(x) = {}^{\frac{1}{2}}\log x$$

jawab:

Dari tabel di atas maka dapat dibuat grafik sebagai berikut:





3

D. PERSAMAAN LOGARITMA

Persamaan logaritma adalah suatu persamaan yang mengandung operasi logaritma dengan variabel pada bilangan pokok dan numerusnya. Beberapa bentuk persamaan logaritma antara lain:

1. Solution 1. The second 1.

Himpunan penyelesaian persamaan diatas dapat ditentukan sebagai berikut:

Jika
$$a \log f(x) = a \log p \text{ maka } f(x) = p,$$

dengan syarat $a > 0, a \ne 1, dan f(x) > 0.$

Contoh:

$$^{3}\log\left(x+1\right) = \,^{3}\log 4$$

jawab:

$$^{3}\log(x+1) = ^{3}\log 4$$

$$\Leftrightarrow x + 1 = 4$$

$$\Leftrightarrow x = 4 - 1$$

Jadi, himpunan penyelesaiannya adalah {3}



2. Bentul
$$\frac{a}{3}\log f(x) = {}^{a}\log g(x)$$
, dengan $a > 0$, $dan a \neq 1$

Himpunan penyelesaian persamaan logaritma diatas dapat ditentukan sebagai berikut:

Jika
$${}^a \log f(x) = {}^a \log g(x)$$
, $maka \ f(x) = g(x)$, dengan syarat $f(x), g(x) > 0$.



Diskusikan dengan temanmu, mengapa penyelesaian diatas disyaratkan bahwa f(x), g(x) > 0. Apa alasan digunakan syarat tersebut? Dan bagaimana jika $f(x), g(x) \le 0$? apa yang akan terjadi?

Contoh:

Tentukan himpunan penyelesaian dari:

$$^{3}\log (2x-3) + ^{3}\log 4 = ^{3}\log (2x+6)$$

Jawab:

$$^{3}\log (2x-3) + ^{3}\log 4 = ^{3}\log (2x+6)$$

$$\Rightarrow$$
 ³log ((2x - 3) x 4) = ³log (2x + 6)

$$\Leftrightarrow$$
 ³log (8x - 12) = ³log (2x + 6)

Dari persamaan diatas, maka

$$f(x) = {}^{3}\log(8x - 12) \operatorname{dan} g(x) = {}^{3}\log(2x + 6).$$

Dengan demikian, f(x) = g(x)

$$\Leftrightarrow 8x - 12 = 2x + 6$$

$$\Leftrightarrow 8x - 2x = 6 + 12$$

$$\Leftrightarrow 6x = 18$$

$$\Leftrightarrow x = \frac{18}{6}$$

$$\Leftrightarrow x = 3$$

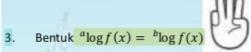
Sekarang, akan di uji apakah nilai f(3) dan g(3)positif?

Untuk
$$x = 3$$
 maka $f(3) = 8(3) - 12 = 12 > 0$

$$g(3) = 2(3) 6 = 12 > 0$$

Karena x = 3 memiliki f(3) dan g(3) positif maka x = 3 adalah penyelesaian.

Jadi, himpunan penyelesaian adalah {3}.



Dengan a > 0, $a \ne 1$, $dan a \ne b$ maka himpunan tersebut dapat ditulis sebagai berikut:

$$\int_{3}^{a} \log f(x) = \int_{3}^{b} \log f(x), \text{ maka } f(x) = 1$$

Cont oh:

Tentukan himpunan penyelesaian dari persamaan logaritma berikut:

$$^{4}\log(4x-7) = ^{6}\log(4x-7)$$

Jawab:

$$^{4}\log (4x - 7) = ^{6}\log (4x - 7)$$
, maka

$$\Leftrightarrow 4x - 7 = 1$$

$$\Leftrightarrow 4x = 1 + 7$$

$$\Leftrightarrow 4x = 8$$

$$\Leftrightarrow x = \frac{8}{4}$$

$$\Leftrightarrow x = 2$$

Jadi, himpunan penyelesaiannya adalah {2}.



Dengan f(x) > 0, $f(x) \neq 1$, g(x) > 0, h(x) > 0 dan g(x) = h(x).

Maka himpunan diatas dapat ditulis sebagai berikut:

Jika $f(x)\log g(x) = f(x)\log h(x)$ maka g(x) = h(x), dengan syarat:

- 1) f(x), g(x), h(x) > 0;
- 2) $f(x) \neq 1$.







Diskusikan dengan temanmu. Mengapa syarat (1) dan (2) harus terpenuhi?

3

Contoh:

Tentukan himpunan penyelesaian dari persamaan logaritma berikut:

$$^{x}\log(x^{2} + 3x - 13) = ^{x}\log(x + 2)$$

Jawab:

Dari persamaan diperoleh f(x) = x,

$$g(x) = x^2 + 3x - 13 \operatorname{dan} h(x) = x + 2$$

Dengan demikian:

$$x^2 + 3x - 13 = x + 2$$

$$\Leftrightarrow x^2 + 3x - 13 - x - 2 = 0$$

$$\Leftrightarrow x^2 + 3x - x - 13 - 2 = 0$$

$$\Leftrightarrow x^2 + 2x - 15 = 0$$

$$\Leftrightarrow (x+5)(x-3) = 0$$

$$\Leftrightarrow x = -5 \text{ atau } x = 3$$



Sekarang kita uji syarat yang ditentukan untuk masing-masing nilai

$$x=-5$$
 _tau $x=3$. Untuk $x=-5$, maka $f(-5)=-5$. Karena syarat 1 tidak terpenuhi maka $x=-5$ bukan merupakan penyelesaian.

• Untuk nilai x = 3, maka f(3) = 3, berarti f(x) > 0 dan $f(x) \neq 1$.

$$g(x) = 3^2 + 3.3 - 13 = 5 > 0, g(x) > 0$$

$$h(x) = 3 + 2 = 5, h(x) > 0$$

Jadi, himpunan penyelesaiannya adalah {3}.

5. Bentuk $A\{a^{\alpha}\log x\}^2 + B\{a^{\alpha}\log x\} + C = 0$



Himpunan penyelesaian persamaan diatas dapat ditentukan dengan memisalkan

 $\frac{a \log x}{3}$ sehingga persamaan menjadi $Ay^2 + By + c = 0$.

Cont oh:

Tentukan himpunan penyelesaian dari persamaan logaritma berikut:

$$(\log x)^2 - 3\log x + 2 = 0$$

Jawab:

$$(\log x)^2 - 3\log x + 2 = 0$$



Misalkan, $y = \log x$. Dengan demikian, diperoleh:

$$y^2 - 3y + 2 = 0$$

$$\Leftrightarrow$$
 $(y-2)(y-1)=0$

Untuk y = $2 \text{ maka } \log x = 2$

$$\Leftrightarrow \log x = \log 10^2$$

$$\Leftrightarrow x = 10^2$$



Untuk y = 1 maka $\log x = 1$

$$\Leftrightarrow \log x = \log 10^1$$

$$\Leftrightarrow x = 10^{1}$$

Jadi, himpunan penyelesaiannya adalah (10,100)





LOGARITMA UNTUK MENGHITUNG PH

Taukah anda bahwa logaritman sangat penting dalam kehidupan kita. Berikut ada beberapa contoh penerapan logaritma dalam kehidupan sehari-hari: salah satunya adalah menghitung PH

Fungsi logaritma sering ditemui penggunaannya di bidang kimia dan sains, seperti menghitung PH. Nilai PH merupakan sifat keasaman atau sifat alkali suatu senyawa. Nilai PH air sama dengan 7. Secara umum senyawa alkali mempunyai PH lebih dari 7 dan senyawa asam mempunyai PH kurang dari 7.

Contoh soal berkaitan dengan menghitung PH:

Konsentrasi ion Hidrogen [H+] dari sebuah larutan adalah 6,4 x 10⁻⁷. Tentukan PH larutan tersebut. Jawab:

PH = - log [H+] (Rumus untuk mencari PH)

= - log (6,4 x 10⁻⁷)

 $= - \log (6.4 + \log 10^{-7})$

= - log 6,4 - log 10-7



LKS BERBASIS BRAIN BASED LEARNING



LOGARITMA UNTUK MENGHITUNG GEMPA

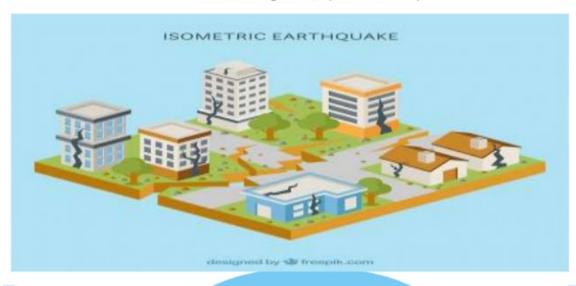
Untuk memahami kegunaan Logaritma dalam sains, kita dapat melihat bagaimana penggunaan logaritma pada penentuan skala Richter dalam seismologi. Kita akan melihat penambahan setuap satuan dalam skala Richter berelasi dengan perkalian tingkat aktivitas gempa dengan sepuluh satuan. Oleh karenanya perubahan 3 skala Richter berkorespondensi dengan perubahan kelipatan 1000 dalam tingkat aktivitas gempa.

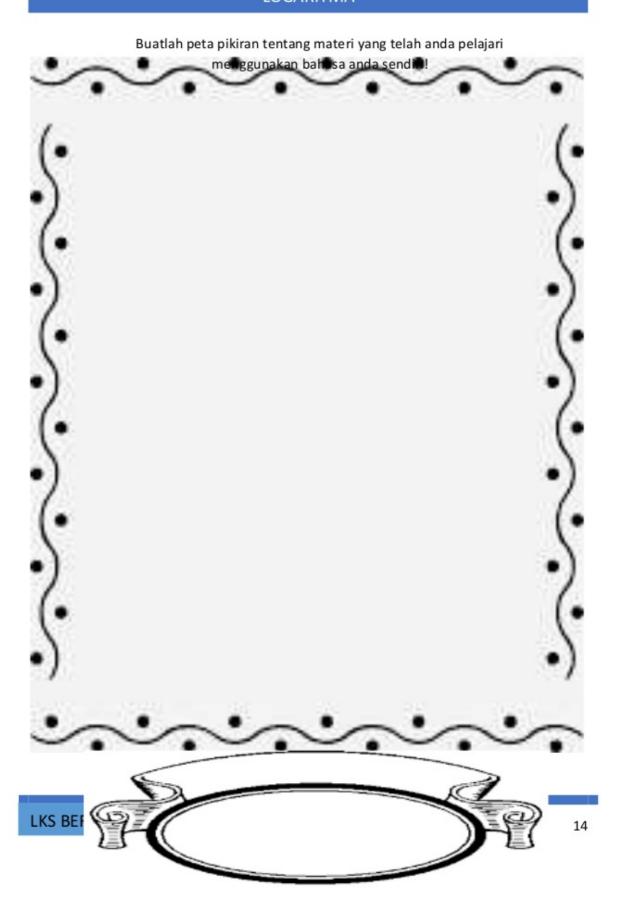
Energi yang dikeluarkan dalam gempa bumi di pusat gempa pada umumnya diukur dengan satuan *ergs*. Sebagai contoh energi yang dikeluarkan dalam gempa yang berkekuatan sedang adalah sekitar 100.000.000.000.000.000.000 *ergs*

Misalnya dalam kejadian gempa bumi di Los Angeles energi yang dikeluarkan sebesar 34.468.346.012.438.547.983 *ergs*. Mungkin sampai kita sulit membacanya.

Karena besarnya angka, maka seismologi menggunakan skala Richter untuk penyederhanaan. Misalnya E adalah energi dalam *ergs* yang dikeluarkan dalam gempa, maka besarnya gempa dinyatakan dengan R yang dihitung memakai rumus:

R = 0.67 Log E - 7.9 (Skala Richter)





TES HASIL BELAJAR

- · Kerjakan soal-soal dibawah ini secara individu!
- · Tulis jawaban anda pada lembar jawaban yang telah disediakan!
- Kerjakan sesuai urutan nomor!
 - 1. Ubah bentuk pangkat 23 = 8 menjadi bentuk logaritma
 - 2. Tentukan nilai logaritma dari: 2log 8 + 3log 9 + 5log 125
 - 3. Gambarlah grafik fungsi logarima $f(x) = {}^{3}\log x!$
 - 4. Himpunan penyelesaian dari persamaan $3\log(x-2) + 3\log(x-4) = 1$ adalah

SELAMAT MENGERJAKAN



Jawaban:

LOG	ARITMA	
LKS BERBASIS BRAIN BASED LEARN	NG .	16

ſ



- Kerjakan soal-soal dibawah ini secara individu!
- · Tulis jawaban anda pada lembar jawaban yang telah disediakan!
- Kerjakan sesuai urutan nomor!
- 1. Tentukan konsentrasi ion hidrogen dalam minuman ringan jika diketahui PHnya 4,82
- 2. Gempa bumi di kota Mexico pada tahun 1985 dengan energi sebesar 10²⁴ ergs di pusat gempa. Berapakah ukuran gempa tersebut dalam skala Richter? Besar gempa dihitung memakai rumus:

R= 0,67. log E - 7,9 (dengan E adalah energi yang dinyatakan dalam ergs)

3. Jika 7log2 = a dan 2log3 = b, maka 6log98 =

SELAMAT MENGERJAKAN



LOGARITMA	
Jawab:	
LKS BERBASIS BRAIN BASED LEARNING	

Daftar Pustaka

4

- Indriyastuti, Y. (2013). Perspektif Matematika 1 untuk Kelas X SMA dan MA Kelompok Peminatan Matematika dan Ilmu Alam. Solo: PT. Tiga Serangkai Pustaka Mandiri.
- Muslihun, Abidin, Z., Asma, A., Lukman, Y., Dwi, A. (2017). Bahan Tuntas Kisi-Kisi UN. Jakarta: PT. Gramedia Widiasarana Indonesia.
- Noormandiri, B.K. (2016). MATEMATIKA Jilid 1 untuk SMA/MA kelas X Peminatan Matematika dan Ilmi-Ilmu Alam. Jakarta: Erlangga.
- Sugiman. (2003). Media Pembelajaran Logaritma. Jakarta: Direktorat Pendidikan Lanjutan Pertama.

HKI: LKS Berbasis Brain Based Learning Matematika

ORIGIN	ALITY REPORT			
SIMILA	9% ARITY INDEX	19% INTERNET SOURCES	0% PUBLICATIONS	% STUDENT PAPERS
PRIMAF	RY SOURCES			
1	irvantad Internet Source	itya.blogspot.cor	n	7%
2	WWW.SC	ribd.com		6%
3	slideplay			3%
4	eprints.u	uny.ac.id		3%

Exclude quotes On
Exclude bibliography On

Exclude matches

< 3%